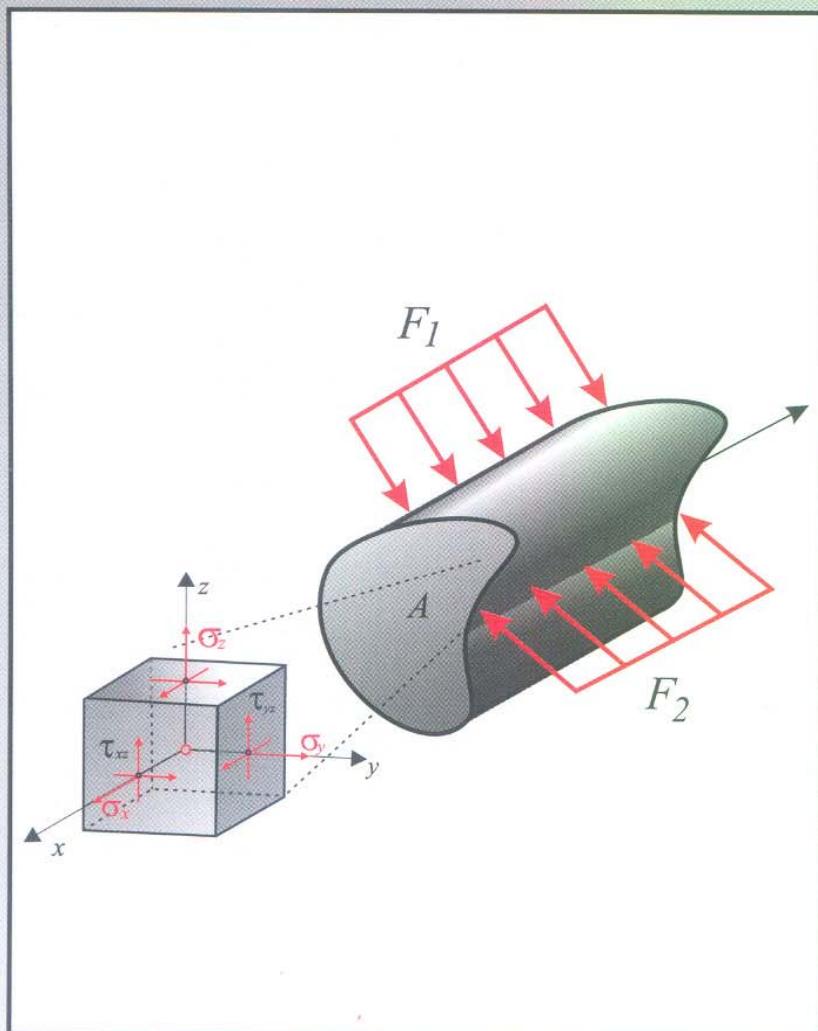


UNIVERZITETSKA KNJIGA

teorija elastičnosti i plastičnosti

ISAK KARABEGOVIĆ, MIRAN BREZOČNIK



Bihać, 2010.

SADRŽAJ

Predgovor	1
Uvod	3
1. ANALIZA NAPREZANJA ČVRSTOG TIJELA	5
1.1. Jednačine ravnoteže čvrstog tijela	5
1.2. Transformacija naprezanja za novi pravac x'	10
1.3. Stanje naprezanja u tački	13
1.4. Primjeri	18
2. ANALIZA LINIJSKIH I UGAONIH DEFORMACIJA	23
2.1. Pomaci linijskih i ugaonih deformacija	23
2.2. Uslovi kompatibilnosti	28
2.3. Transformacije linijskih i ugaonih deformacija	31
2.4. Glavne deformacije	34
2.5. Mohr-ovi krugovi deformacije	36
2.6. Primjeri	38
3. ODNOS IZMEĐU NAPREZANJA I DEFORMACIJA	43
3.1. Generalizirani Hooke-ov zakon	43
3.2. Konstante elastičnosti izotropnog tijela	45
3.3. Deformacioni rad	48
3.4. Primjeri	54
4. ANALIZIRANJE ZADATAKA TEORIJE PLASTIČNOSTI	57
4.1. Jednačine ravnoteže izražene pomoću pomaka u, v, w	58
4.2. Uslovi kompatibilnosti izraženi pomoću normalnih i tangencijalnih naprezanja	60
4.3. Osnovni problemi teorije elastičnosti i konturni uslovi	63
4.4. Jedinstvenost rješenja teorije elastičnosti	65
4.5. Princip superpozicije i Saint-Venantov princip	66
5. DVODIMENZIONALNI PROBLEMI TEORIJE ELASTIČNOSTI (RAVANSKI)	69
5.1. Stanje ravanskog naprezanja (SRN)	69
5.2. Stanje ravanskih deformacija (SRD)	71
5.3. Airy-eva funkcija naprezanja	73
5.3.1. Veza Airy-eve funkcije s uslovima na konturi tijela	76
5.4. Biharmonijske funkcije u ravanskim problemima	79
5.4.1. Rješenje polinomima	79
5.4.2. Trigonometrijski redovi kao biharmonijske funkcije	82
5.5. Primjeri	84
6. RAVANSKI PROBLEMI IZRAŽENI U POLARNOM KOORDINATNOM SISTEMU	89
6.1. Naponi i deformacije izraženi u polarnom koordinatnom sistemu	89
6.2. Jednačine ravnoteže za polarni koordinatni sistem	92
6.3. Veza pomaka i deformacija u polarnom koordinatnom sistemu	92
6.4. Aksijalna simetrija ravanskih problema u polarnom koordinatnom sistemu	93

6.5.	Primjer – Kružni vijenac	97
7.	TEORIJA PLASTIČNOSTI	99
7.1.	Uvod	99
7.2.	Uslovi plastičnog tečenja	99
7.3.	Nominalni i stvarni naponi	101
7.4.	Proces očvršćavanja	103
7.5.	Hipoteze o plastičnom tečenju	104
7.6.	Starije hipoteze o plastičnom tečenju	105
7.6.1.	Hipoteza najvećeg normalnog napona (prema M.H. Navieru i G. Lameu)	105
7.6.2.	Hipoteza najveće normalne deformacije (prema St. Venant-u)	106
7.6.3.	Hipoteza najveće deformacione energije (prema Beltrami-u)	108
7.7.	Hipoteza najvećeg tangencijalnog napona (prema Tresca i St. Venant-u)	110
7.8.	Hipoteza najveće deformacione energije utrošene na promjenu oblika (prema M.I. Huber-R.Mises-M.Hencky-u)	112
7.9.	Usporedba hipoteza o plastičnom tečenju	116
7.10.	Zaključna razmatranja o plastičnom tečenju	120
7.11.	Primjeri	122
	Literatura	127
	Simboli	129